

Matematika 2, Zagreb, 12. travnja 2010.

1. Nacrtajte domenu funkcije $z = \ln(x^2 - y - 4)$. Napišite jednadžbu ravnine tangencijalne plohi grafa funkcije u točki domene $T = (3, 4)$.
2. Ispitajte konvergenciju reda $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-4)^n}{\sqrt{n} n^2}$.
3. Izračunajte $\iint_D xy dx dy$, gdje je područje D omeđeno grafom funkcije $y = x^2$ i pravcem $y = 9$.
4. Riješite diferencijalnu jednadžbu $x^2 y dy = \frac{1}{x \cos y}$.
5. Riješite sustav linearni jednadžbi:

$$\begin{aligned} 2x + y - 4z &= 12 \\ 3x - 4y + 6z &= -5 \\ x + 3y - z &= 10 \end{aligned}$$